

I.I.S. Galilei- Artiglio Compito di matematica 5AS RECUPERO 2013-2014

NomeCognome.....Data.....

1. Calcolare le derivate di queste funzioni: (0,3x5)

a) $y = 4\sqrt{x} + 3\sqrt[3]{x^2}$ b) $y = \sqrt{3 - 3x + 4x^2}$ c) $f(x) = \frac{\log x^3}{x^2 + 1}$

d) $y = (x + 1)^x$ e) $y = \sin^2 x - \sin(x^2)$

2. Data la funzione $y = \frac{1 - x^2}{x^2 - 5}$ trova il dominio, il segno, tutti gli asintoti, i punti di massimo e minimo relativo e gli intervalli di crescita e decrescenza. (0,8). Trova anche la derivata nel punto $x_0 = 1$ con la definizione di derivata. (0,50)

3. Data la funzione $y = |x^2 - 4x + 3|$ stabilisci se è possibile applicare il teorema di Rolle nell'intervallo $[-1; 1]$ oppure nell'intervallo $[1, 3]$. Specifica il tipo dei punti di non derivabilità della funzione. Nell'intervallo in cui il teorema è applicabile trova il punto o i punti la cui esistenza è garantita dal teorema. (1,2+0,30)

4. Data la funzione $y = \frac{x + 1}{x + 2}$ stabilisci se è possibile applicare il teorema di Lagrange nell'intervallo $[0, 2]$ e in caso affermativo trova il punto la cui esistenza è garantita dal teorema. (1) Spiega l'interpretazione geometrica del teorema di Lagrange. (0,30)

I.I.S. Galilei- Artiglio Compito di matematica 5AS RECUPERO 2013-2014

NomeCognome.....Data.....

5. Calcolare le derivate di queste funzioni: (0,3x5)

a) $y = 4\sqrt{x} + 3\sqrt[3]{x^2}$ b) $y = \sqrt{3 - 3x + 4x^2}$ c) $f(x) = \frac{\log x^3}{x^2 + 1}$

d) $y = (x + 1)^x$ e) $y = \sin^2 x - \sin(x^2)$

6. Data la funzione $y = \frac{1 - x^2}{x^2 - 5}$ trova il dominio, il segno, tutti gli asintoti, i punti di massimo e minimo relativo e gli intervalli di crescita e decrescenza. (0,8). Trova anche la derivata nel punto $x_0 = 1$ con la definizione di derivata. (0,70)

7. Data la funzione $y = |x^2 - 4x + 3|$ stabilisci se è possibile applicare il teorema di Rolle nell'intervallo $[-1; 1]$ oppure nell'intervallo $[1, 3]$. Specifica il tipo dei punti di non derivabilità della funzione. Nell'intervallo in cui il teorema è applicabile trova il punto o i punti la cui esistenza è garantita dal teorema. (1,2+0,30)

8. Data la funzione $y = \frac{x + 1}{x + 2}$ stabilisci se è possibile applicare il teorema di Lagrange nell'intervallo $[0, 2]$ e in caso affermativo trova il punto la cui esistenza è garantita dal teorema. (1) Spiega l'interpretazione geometrica del teorema di Lagrange. (0,30)

9. Limiti da calcolare applicando anche il teorema de l'Hopital: (0,40x4)

$$\begin{array}{lll} \text{f)} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x^2}{x^3} & \text{g)} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3+x} - 2\sqrt[3]{x}}{x^2 + 2x - 3} & \text{h)} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1 - 2x}{1 - \cos x} \\ \text{i)} \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{x} \right) & & \end{array}$$

10. Verifica che il teorema di Cauchy è applicabile alle due funzioni $f(x) = x^3 - 2x$ e $g(x) = x^3 + 2x$ nell'intervallo $[0,1]$ e determiniamo il punto c ci cui il teorema garantisce l'esistenza.

11. Enuncia il teorema di Fermat e mostra con un esempio che esso non è invertibile. (0,60)

il compito vale 9 punti + 1 bonus

12. Limiti da calcolare applicando anche il teorema de l'Hopital:

$$\begin{array}{lll} \text{f)} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x^2}{x^3} & \text{g)} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3+x} - 2\sqrt[3]{x}}{x^2 + 2x - 3} & \text{h)} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1 - 2x}{1 - \cos x} \\ \text{i)} \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{x} \right) & & \end{array}$$

13. Verifica che il teorema di Cauchy è applicabile alle due funzioni $f(x) = x^3 - 2x$ e $g(x) = x^3 + 2x$ nell'intervallo $[0,1]$ e determiniamo il punto c ci cui il teorema garantisce l'esistenza.

14. Enuncia il teorema di Fermat e mostra con un esempio che esso non è invertibile. (0,60)

il compito vale 9 punti + 1 bonus