

I.I.S. Galilei- Artiglio Compito di matematica 5c Anno scolastico 2014-2015

NomeCognome.....Data.....

1) Trova la derivata delle seguenti funzioni con le regole di derivazione, trascurando i punti di non derivabilità: (0,4x10)

a) $y = 4\sqrt{x} + 3\sqrt[3]{x^2}$ b) $f(x) = x^2 \cdot e^{-\frac{x}{a}}$ **la variabile è x** c) $f(x) = \frac{x^3}{x^2+1}$

d) $f(t) = e^t \cdot \text{sent}$ e) $f(x) = \frac{x^2}{\tan x}$ f) $y = \cos^2 x - \cos(x^2)$

g) $y = \sqrt{3-x+5x^2}$ h) $y = (x+2)^x$ i) $f(t) = \sqrt{\arctan t}$ l) $y = |\ln \sqrt{x}|$

2) Si determini per quale valore di x la tangente al grafico di $y = e^x$ passa per l'origine degli assi. Si calcoli poi la misura in gradi e primi sessagesimali dell' angolo che tale tangente forma con il semiasse positivo delle ascisse. (maturità 2010) (1)

3) Si dimostri che per gli zeri x_1 e x_2 di una funzione $f(x) = ax^2 + bx + c$ vale la relazione $f'(x_1) + f'(x_2) = 0$ e si dia una interpretazione geometrica della affermazione dimostrata (maturità 2010) (1)

I.I.S. Galilei- Artiglio Compito di matematica 5c Anno scolastico 2014-2015

NomeCognome.....Data.....

1) Trova la derivata delle seguenti funzioni con le regole di derivazione, trascurando i punti di non derivabilità: (0,4x10)

a) $y = 5\sqrt{x} + 2\sqrt[4]{x^3}$ b) $f(x) = x \cdot e^{-\frac{x^2}{a}}$ **la variabile è x** c) $f(u) = \frac{u^2}{u^3+1}$

d) $f(t) = 2^t \cdot \text{sent}$ e) $y = \text{sen}^2 x - \text{sen}(x^2)$ f) $f(x) = \frac{\tan x}{x^2}$

g) $y = \sqrt{5-3x+5x^2}$ h) $y = (x+1)^x$ i) $f(t) = \sqrt{\arctan t}$ l) $y = |\ln \sqrt{x}|$

2) Si determini per quale valore di x la tangente al grafico di $y = e^x$ passa per l'origine degli assi. Si calcoli poi la misura in gradi e primi sessagesimali dell' angolo che tale tangente forma con il semiasse positivo delle ascisse. (maturità 2010) (1)

3) Si dimostri che per gli zeri x_1 e x_2 di una funzione $f(x) = ax^2 + bx + c$ vale la relazione $f'(x_1) + f'(x_2) = 0$ e si dia una interpretazione geometrica della affermazione dimostrata (maturità 2010) (1)

4) Nel piano cartesiano disegnare il grafico di $f(x) = \ln x$. Sia A il punto di intersezione con l'asse y della tangente al grafico in un suo punto P. Sia B il punto di intersezione con l'asse y della parallela per P all'asse x. Si dimostri che, qualsiasi sia P, il segmento AB ha lunghezza costante. (1)
 Facoltativo: Vale la stessa proprietà se la funzione è $y = \log_a x$? (maturità 2009)

5) Determina a e b in modo che la funzione

$$f(x) = \begin{cases} 2ae^x & \dots se x < 0 \\ \frac{x+a}{b-x} & \dots se x \geq 0 \end{cases}$$

sia derivabile nel punto $x=0$ (1)

6) Si dimostri che se una funzione $f(x)$ è derivabile nel punto x_0 , ivi è anche continua; si porti un esempio di funzione continua in un punto e ivi non derivabile. (1)

4) Nel piano cartesiano disegnare il grafico di $f(x) = \ln x$. Sia A il punto di intersezione con l'asse y della tangente al grafico in un suo punto P. Sia B il punto di intersezione con l'asse y della parallela per P all'asse x. Si dimostri che, qualsiasi sia P, il segmento AB ha lunghezza costante. (1)
 Facoltativo: Vale la stessa proprietà se la funzione è $y = \log_a x$? (maturità 2009)

5) Determina a e b in modo che la funzione

$$f(x) = \begin{cases} 2ae^x & \dots se x < 0 \\ \frac{x+a}{b-x} & \dots se x \geq 0 \end{cases}$$

sia derivabile nel punto $x=0$ (1)

6) Si dimostri che se una funzione $f(x)$ è derivabile nel punto x_0 , ivi è anche continua; si porti un esempio di funzione continua in un punto e ivi non derivabile. (1)