

1) Determinare per la seguente funzione $y = \sqrt{3x - x^2}$ in $[0,3]$ il punto o i punti la cui esistenza è garantita dal teorema di Rolle, dopo aver studiato se sono verificate tutte le ipotesi del teorema. Tracciare anche il grafico della funzione e dare una interpretazione grafica del teorema

2) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} x^3 & \text{..... per } 0 \leq x \leq 1 \\ x^2 - ax + a & \text{..... per } 1 < x \leq 2 \end{cases}$ si determini il valore di a in modo che nell'intervallo $[0,2]$ sia applicabile il teorema di Lagrange e si trovi il punto di cui il teorema garantisce l'esistenza. Tracciare anche il grafico della funzione e dare interpretazione geometrica del teorema di Lagrange

3) Data la funzione $y = \ln\left(\frac{x}{x^2 - 4}\right)$ studiare il dominio, gli intervalli di crescita e decrescenza, gli eventuali punti di massimo e minimo.

1) Data la funzione $y = \ln\left(\frac{x}{x^2 - 9}\right)$ studiare il dominio, gli intervalli di crescita e decrescenza, gli eventuali punti di massimo e minimo.

2) Determinare per la seguente funzione $y = \sqrt{4x - x^2}$ in $[0,4]$ il punto o i punti la cui esistenza è garantita dal teorema di Rolle, dopo aver studiato se sono verificate tutte le ipotesi del teorema. Tracciare anche il grafico della funzione e dare una interpretazione grafica del teorema

2) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} x^3 & \text{..... per } 0 \leq x \leq 1 \\ x^2 - ax + a & \text{..... per } 1 < x \leq 2 \end{cases}$ si determini il valore di a in modo che nell'intervallo $[0,2]$ sia applicabile il teorema di Lagrange e si trovi il punto di cui il teorema garantisce l'esistenza. Tracciare anche il grafico della funzione e dare interpretazione geometrica del teorema di Lagrange

4) Data la funzione $y = e^{-x^2}$ studiare gli intervalli di crescita, decrescenza, massimi, minimi, concavità, convessità, punti di flesso.

5) Data la funzione $y = \arctan|x| - x$ si chiede di verificare che l'origine è un punto di non derivabilità per la funzione e di studiare le tangenti alla funzione in tale punto

4) Data la funzione $y = e^{-2x^2}$ studiare gli intervalli di crescita, decrescenza, massimi, minimi, concavità, convessità, punti di flesso.

5) Data la funzione $y = \arctan|x| - x$ si chiede di verificare che l'origine è un punto di non derivabilità per la funzione e di studiare le tangenti alla funzione in tale punto